

R-Syntax zu Kapitel 13: Klassische Testtheorie (KTT)

Jana Gäde & Karin Schermelleh-Engel

01.03.2021

Inhalt

Vorbemerkungen	2
Literatur	2
Modell τ-kongenerischer Variablen	3
Modell essentiell τ-äquivalenter Variablen.....	6
Modell essentiell τ-paralleler Variablen	9

Vorbemerkungen

Der hier verwendete empirische Datensatz (BFIK_Labels.dat) von $N=250$ Personen erfasst die Skala *Neurotizismus* der Kurzversion des Big Five Inventory (BFI-K; Rammstedt & John, 2005) anhand von 4 Items. Die Items lauten:

Ich . . .

. . . werde leicht deprimiert, niedergeschlagen.

. . . bin entspannt, lasse mich durch Stress nicht aus der Ruhe bringen. (-)

. . . mache mir viele Sorgen.

. . . werde leicht nervös und unsicher.

(-) Invers formuliertes Item

Nachfolgend werden drei auf der Klassischen Testtheorie beruhenden und ineinander geschachtelten Modelle der Messäquivalenz (τ -Kongenerität, essentielle τ -Äquivalenz und essentielle τ -Parallelität) anhand des empirischen Beispiels unter Verwendung des R-Packages lavaan (Rosseel, 2012) analysiert. Da die Daten nicht normalverteilt sind, wird die robuste Maximum-Likelihood-Methode (MLR) für die Parameterschätzung verwendet.

Je nach Passung der Modelle zu den Daten kann entschieden werden, welches Reliabilitätsmaß für die vorliegenden Daten adäquat ist (vgl. Gäde, Schermelleh-Engel & Werner, 2020; Schermelleh-Engel & Gäde, 2020).

Literatur

Gäde, J.C., Schermelleh-Engel, K. & Werner, C.S. (2020). Klassische Methoden der Reliabilitätsschätzung (Kapitel 14). In H. Moosbrugger & A. Kelava (Hrsg.), *Testtheorie und Fragebogenkonstruktion* (3., vollständig neu bearbeitete, erweiterte und aktualisierte Auflage). Heidelberg: Springer.

Rammstedt, B. & John, O. P. (2005). Kurzversion des Big Five Inventory (BFI-K): Entwicklung und Validierung eines ökonomischen Inventars zur Erfassung der fünf Faktoren der Persönlichkeit. *Diagnostica*, 51, 195-206.

R Development Core Team (2021). *R: A Language and Environment for Statistical Computing* (version 4.0.4). Vienna, Austria: R Foundation for Statistical Computing.

Rosseel, Y. (2012). lavaan: An R Package for Structural Equation Modeling. *Journal of Statistical Software*, 48, 1–36.

Schermelleh-Engel, K. & Gäde, J.C. (2020). Modellbasierte Methoden der Reliabilitätsschätzung (Kapitel 15). In H. Moosbrugger & A. Kelava (Hrsg.), *Testtheorie und Fragebogenkonstruktion* (3., vollständig neu bearbeitete, erweiterte und aktualisierte Auflage). Heidelberg: Springer.

Modell τ -kongenerischer Variablen

R-Input zur Schätzung von Omega

```
# Kap. 13: Klassische Testtheorie
# BFI-K: Kongenerisches Messmodell, Omega mit Konfidenzintervall

# Vor der ersten Anwendung: R-Package lavaan zur Analyse von latenten
# Variablenmodellen installieren
# dazu einen nahegelegenen CRAN Mirror angeben
# Eine Liste der CRAN Mirrors: https://cran.r-project.org/mirrors.html
install.packages("lavaan", repos='https://cran.uni-muenster.de/')

# Vor jeder Anwendung muss das installierte Package lavaan zur Nutzung
# geladen werden
library(lavaan)

# Arbeitsverzeichnis auswählen ("Dateipfad/zum/Arbeitsverzeichnis")
setwd("C:/Daten/BFIK")

# Daten einlesen
# Trennzeichen: Tabstopps (sep="")
# Variablennamen stehen in erster Zeile (header=TRUE)
BFIK_Labels.dat <- read.table("BFIK_Labels.dat", sep="", header=TRUE)

# Daten ansehen
view(BFIK_Labels.dat)

# Definition des einfaktoriellen Faktormodells
# Eindimensionales tau-kongenerisches Modell 'Neurotizismus': neur
# Die Labels p1 bis p4 bezeichnen die unterschiedlichen Faktorladungen
# der Antwortvariablen Y4, Y9, Y14 und Y19
neur <- 'NEUR =~ p1*Y4 + p2*Y9 + p3*Y14 + p4*Y19

# Den Fehlervarianzen werden die Labels e1 bis e4 zugewiesen
Y4~~e1*Y4
Y9~~e2*Y9
Y14~~e3*Y14
Y19~~e4*Y19

# Zunächst Schätzung von McDonalds Omega
# Erst danach das asymmetrische Konfidenzintervall bestimmen,
# weil dort die geschätzten werte per Hand eingegeben werden müssen
# Formeln aus Kap. 15, Tabelle 15.2
# Achtung: Nur bei gutem Modellfit darf die Reliabilität berechnet werden!

# True-Score-Varianz
true := (p1 + p2 + p3 + p4)^2 * 1.0

# Fehlervarianz
error := e1 + e2 + e3 + e4

# Berechnung von OMEGA der Skala NEUR (True-Score-Varianz / Totale Varianz)
omega := true / (true + error)

# Analyse des Modells neur
# MLR-Schätzung (estimator= "MLR")
# alle latenten Varianzen auf eins fixiert (std.lv=TRUE)
fit.neur <- sem(neur, data= BFIK_Labels.dat, estimator= "MLR", std.lv=TRUE)

# Ergebnisse anzeigen
summary(fit.neur)

# standardisierte Lösung
standardizedSolution(fit.neur)
```

```

R-Output zur Schätzung von Omega

lavaan 0.6-7 ended normally after 14 iterations

Estimator                      ML
Optimization method             NLMINB
Number of free parameters       8

Number of observations           250

Model Test User Model:
Test Statistic                  Standard      Robust
Degrees of freedom              2.095         1.882
P-value (Chi-square)           0.351         0.390
Scaling correction factor       1.113
Yuan-Bentler correction (Mplus variant)

# Der Modellfit ist gut, die Parameter und die Reliabilität dürfen
# interpretiert werden

Parameter Estimates:
Standard errors                 Sandwich
Information bread              Observed
Observed information based on   Hessian

Latent Variables:
      Estimate  Std.Err  z-value  P(>|z|)
NEUR =~
  Y4      (p1)    1.012   0.061   16.681   0.000
  Y9      (p2)    0.615   0.072    8.493   0.000
  Y14     (p3)    0.940   0.062   15.188   0.000
  Y19     (p4)    0.780   0.069   11.317   0.000
# Unstandardisierte frei geschätzte Faktorladungen

Variances:
      Estimate  Std.Err  z-value  P(>|z|)
.Y4      (e1)    0.550   0.092    6.000   0.000
.Y9      (e2)    0.894   0.088   10.164   0.000
.Y14     (e3)    0.511   0.067    7.581   0.000
.Y19     (e4)    0.764   0.082    9.270   0.000
NEUR     1.000
# Unstandardisierte frei geschätzte Fehlervarianzen

Defined Parameters:
      Estimate  Std.Err  z-value  P(>|z|)
true      11.201   1.054   10.628   0.000
error     2.719   0.147   18.548   0.000
omega     0.805   0.020   40.422   0.000
# Die Reliabilität geschätzt anhand von McDonalds Omega beträgt 0.805

# Standardisierte Lösung
  lhs op      rhs est.std  se      z  pvalue
1  NEUR =~      Y4  0.807 0.037 21.872  0
2  NEUR =~      Y9  0.545 0.058  9.476  0
3  NEUR =~      Y14 0.796 0.034 23.599  0
4  NEUR =~      Y19 0.666 0.048 13.841  0
# Standardisierte Faktorladungen
5  Y4 =~      Y4  0.349 0.059  5.872  0
6  Y9 =~      Y9  0.703 0.063 11.191  0
7  Y14 =~     Y14 0.366 0.054  6.824  0
8  Y19 =~     Y19 0.557 0.064  8.693  0
# Standardisierte Fehlervarianzen
9  NEUR =~     NEUR 1.000 0.000  NA    NA
# Standardisierte Varianz der latenten Variablen
10 Y4 =~1     2.330 0.094 24.751  0
11 Y9 =~1     2.804 0.121 23.145  0
12 Y14 =~1    2.985 0.145 20.595  0
13 Y19 =~1    2.572 0.098 26.262  0
# Interzepte der Itemvariablen

```

```

-- Fortsetzung - OUTPUT --
14  NEUR ~1                0.000 0.000    NA    NA
# Standardisierter Mittelwert der latenten Variablen

# Die neu definierten Parameter werden ebenfalls standardisiert
# aber in dieser Form nicht weiter interpretiert

10  true := (p1+p2+p3+p4)^2*1.0  7.917 0.516 15.351    0    6.906    8.928
11  error :=      e1+e2+e3+e4    1.975 0.120 16.397    0    1.739    2.211
12  omega := true/(true+error)  0.800 0.020 39.836    0    0.761    0.840

# Die standardisierten Parameterschätzungen wurden nur zum Vergleich mit
# den Ergebnissen in Kapitel 13 ausgegeben

```

```

R-Input und -Output zur Schätzung des Konfidenzintervalls für Omega

# Berechnung der Grenzen des Konfidenzintervalls von Omega
# Formeln aus Kap. 15, Exkurs 15.3
# s.a. Raykov & Marcoulides, 2011, S. 166; Eid & Schmidt, 2014, S. 285
# Die Reliabilität und ihr Standardfehler müssen vorher geschätzt worden sein
# Achtung: Nur bei gutem Modellfit darf das Konfidenzintervall um den
# Reliabilitätskoeffizienten berechnet werden!
# Die Werte für REL (Estimate von omega) und SE (Standardfehler Std.Err. von
# omega) werden aus der vorherigen Analyse übernommen

REL <- .805
SE <- .020

# Logit-Transformation
L <- log(REL/(1-REL))

# SE des Logits berechnen
SEL <- SE/(REL*(1-REL))

# CI-Low des Logits berechnen
CI_L_LO <- L-1.96*SEL

# CI-Up des Logits berechnen
CI_L_UP <- L+1.96*SEL

# Untere Grenze des KI fuer Rel
CI_R_UP <- 1/(1+exp(-CI_L_UP))

# Obere Grenze des KI fuer Rel
CI_R_LO <- 1/(1+exp(-CI_L_LO))

# Konfidenzintervall anzeigen
CI_R <- c(CI_R_LO, CI_R_UP)
CI_R
[1] 0.7628053 0.8412508

# Der Reliabilitätskoeffizient Omega von 0.805 darf interpretiert werden wegen
# des guten Modellfits ( $\chi^2=1.882$ ,  $df=2$ ,  $p=0.390$ ).
# Das 95%-Konfidenzintervall hat die Grenzen [0.763,0.841].

```

Modell essentiell τ -äquivalenter Variablen

R-Input zur Schätzung von Alpha

```
# Kap. 13: Klassische Testtheorie
# BFI-K: Ess. Tau-Äquivalentes Messmodell, Alpha mit Konfidenzintervall

# Vor der ersten Anwendung: R-Package lavaan zur Analyse von latenten
# Variablenmodellen installieren
# dazu einen nahegelegenen CRAN Mirror angeben
# Eine Liste der CRAN Mirrors: https://cran.r-project.org/mirrors.html
install.packages("lavaan", repos='https://cran.uni-muenster.de/')

# Vor jeder Anwendung muss das installierte Package lavaan zur Nutzung
# geladen werden
library(lavaan)

# Arbeitsverzeichnis auswählen ("Dateipfad/zum/Arbeitsverzeichnis")
setwd("C:/Daten/BFIK")

# Daten einlesen
# Trennzeichen: Tabstopps (sep="")
# Variablennamen stehen in erster Zeile (header=TRUE)
BFIK_Labels.dat <- read.table("BFIK_Labels.dat", sep="", header=TRUE)

# Definition des einfaktoriellen Faktormodells
# Eindimensionales ess. tau-äquivalentes Modell 'Neurotizismus': neur
# Das gemeinsame Label p1 bezeichnet die gleichgesetzten Faktorladungen
neur <- 'NEUR =~ p1*Y4 + p1*Y9 + p1*Y14 + p1*Y19'

# Den Fehlervarianzen werden die Labels e1 bis e4 zugewiesen
Y4 =~ e1*Y4
Y9 =~ e2*Y9
Y14 =~ e3*Y14
Y19 =~ e4*Y19

# Zunächst Schätzung von Cronbachs Alpha
# Erst danach das asymmetrische Konfidenzintervall bestimmen,
# weil dort die geschätzten Werte per Hand eingegeben werden müssen
# Formeln aus Kap. 15, Tabelle 15.2
# Achtung: Nur bei gutem Modellfit darf die Reliabilität berechnet werden!

# True-Score-Varianz
true := (p1*4)^2 * 1.0

# Fehlervarianz
error := e1 + e2 + e3 + e4

# Berechnung von ALPHA der Skala NEUR (True-Score-Varianz / Totale Varianz)
alpha := true / (true + error)

# Analyse des Modells neur
# MLR-Schätzung (estimator= "MLR")
# alle latenten Varianzen auf eins fixiert (std.lv=TRUE)
fit.neur <- sem(neur, data= BFIK_Labels.dat, estimator= "MLR", std.lv=TRUE)

# Ergebnisse anzeigen
summary(fit.neur)

# standardisierte Lösung
standardizedSolution(fit.neur)
```

```

R-Output zur Schätzung von Alpha

lavaan 0.6-7 ended normally after 9 iterations

Estimator                      ML
Optimization method             NLMINB
Number of free parameters       8
Number of equality constraints   3

Number of observations          250

Model Test User Model:
Test Statistic                  Standard      Robust
Degrees of freedom              23.730       23.726
P-value (Chi-square)           5            5
Scaling correction factor       0.000       0.000
Yuan-Bentler correction (Mplus variant) 1.000

# Der Modellfit ist nicht hinreichend gut, die Parameter und die Reliabilität
# dürften deshalb eigentlich nicht interpretiert werden.

Parameter Estimates:
Standard errors                 Sandwich
Information bread              Observed
Observed information based on  Hessian

Latent Variables:
Estimate  Std.Err  z-value  P(>|z|)
NEUR =~
Y4        (p1)    0.848   0.041   20.633   0.000
Y9        (p1)    0.848   0.041   20.633   0.000
Y14       (p1)    0.848   0.041   20.633   0.000
Y19       (p1)    0.848   0.041   20.633   0.000
# Annahme der essent. Tau-Äquivalenz: Alle Faktorladungen wurden gleichgesetzt

Variances:
Estimate  Std.Err  z-value  P(>|z|)
.Y4       (e1)    0.680   0.073   9.332    0.000
.Y9       (e2)    0.841   0.093   9.023    0.000
.Y14      (e3)    0.582   0.057   10.168   0.000
.Y19      (e4)    0.707   0.070   10.050   0.000
NEUR      1.000
# Alle Fehlervarianzen wurden frei geschätzt

Defined Parameters:
Estimate  Std.Err  z-value  P(>|z|)
true      11.500   1.115   10.316   0.000
error     2.810   0.156   18.016   0.000
alpha     0.804   0.020   39.387   0.000
# Die Reliabilität geschätzt anhand von Cronbachs Alpha beträgt 0.804

# Standardisierte Lösung
lhs op      rhs est.std  se      z  pvalue  ci.lower  ci.upper
1  NEUR =~  Y4  0.717 0.030 23.816  0  0.658  0.776
2  NEUR =~  Y9  0.679 0.027 25.331  0  0.626  0.731
3  NEUR =~  Y14 0.743 0.026 28.464  0  0.692  0.795
4  NEUR =~  Y19 0.710 0.027 26.475  0  0.657  0.762
5  Y4 =~   Y4  0.486 0.043 11.271  0  0.402  0.571
6  Y9 =~   Y9  0.539 0.036 14.823  0  0.468  0.611
7  Y14 =~  Y14 0.447 0.039 11.515  0  0.371  0.523
8  Y19 =~  Y19 0.496 0.038 13.031  0  0.421  0.571
9  NEUR =~ NEUR 1.000 0.000  NA      NA  1.000  1.000
10 true := (p1*4)^2*1.0 8.220 0.690 11.908  0  6.867  9.573
11 error := e1+e2+e3+e4 1.969 0.130 15.164  0  1.714  2.223
12 alpha := true/(true+error) 0.807 0.023 35.577  0  0.762  0.851

# Die standardisierten Parameterschätzungen wurden nur zum Vergleich mit
# den Ergebnissen in Kapitel 13 ausgegeben

```

R-Input und -Output zur Schätzung des Konfidenzintervalls für Alpha

```
# Berechnung der Grenzen des Konfidenzintervalls von Alpha
# Formeln aus Kap. 15, Exkurs 15.3
# s.a. Raykov & Marcoulides, 2011, S. 166; Eid & Schmidt, 2014, S. 285
# Die Reliabilität und ihr Standardfehler müssen vorher geschätzt worden sein
# Achtung: Nur bei gutem Modellfit darf das Konfidenzintervall um den
# Reliabilitätskoeffizienten berechnet werden!
# Die Werte für REL (Estimate von alpha) und SE (Standardfehler Std.Err. von
# alpha) werden aus der vorherigen Analyse übernommen

REL <- .804
SE <- .020

# Logit-Transformation
L <- log(REL/(1-REL))

# SE des Logits berechnen
SEL <- SE/(REL*(1-REL))

# CI-Low des Logits berechnen
CI_L_LO <- L-1.96*SEL

# CI-Up des Logits berechnen
CI_L_UP <- L+1.96*SEL

# Untere Grenze des KI fuer Rel
CI_R_UP <- 1/(1+exp(-CI_L_UP))

# Obere Grenze des KI fuer Rel
CI_R_LO <- 1/(1+exp(-CI_L_LO))

# Konfidenzintervall anzeigen
CI_R <- c(CI_R_LO, CI_R_UP)
CI_R
[1] 0.7618281 0.8402703

# Der Reliabilitätskoeffizient Alpha von 0.804 hätte ein 95%-Konfidenzintervall
# mit den Grenzen [0.762,0.840] gehabt, wenn der Modellfit zufriedenstellend
# gut gewesen wäre
```


Modell essentiell τ -paralleler Variablen

R-Input zur Schätzung der Spearman-Brown-Reliabilität

```
# Kap. 13: Klassische Testtheorie
# BFI-K: Ess. Tau-Paralleles Messmodell
# Spearman-Brown-Reliabilität mit Konfidenzintervall

# Vor der ersten Anwendung: R-Package lavaan zur Analyse von latenten
# Variablenmodellen installieren
# dazu einen nahegelegenen CRAN Mirror angeben
# Eine Liste der CRAN Mirrors: https://cran.r-project.org/mirrors.html
install.packages("lavaan", repos='https://cran.uni-muenster.de/')

# Vor jeder Anwendung muss das installierte Package lavaan zur Nutzung
# geladen werden
library(lavaan)

# Arbeitsverzeichnis auswählen ("Dateipfad/zum/Arbeitsverzeichnis")
setwd("C:/Daten/BFIK")

# Daten einlesen
# Trennzeichen: Tabstopps (sep="")
# Variablennamen stehen in erster Zeile (header=TRUE)
BFIK_Labels.dat <- read.table("BFIK_Labels.dat", sep="", header=TRUE)

# Definition des einfaktoriellen Faktormodells
# Eindimensionales ess. tau-paralleles Modell 'Neurotizismus': neur
# Das gemeinsame Label p1 bezeichnet die Faktorladungen
neur <- 'NEUR =~ p1*Y4 + p1*Y9 + p1*Y14 + p1*Y19

# Den Fehlervarianzen wird das gemeinsame Label e1 zugewiesen
Y4~~e1*Y4
Y9~~e1*Y9
Y14~~e1*Y14
Y19~~e1*Y19

# Zunächst Schätzung der Spearman-Brown-Reliabilität
# Erst danach das asymmetrische Konfidenzintervall bestimmen,
# weil dort die geschätzten Werte per Hand eingegeben werden müssen
# Formeln aus Kap. 15, Tabelle 15.2
# Achtung: Nur bei gutem Modellfit darf die Reliabilität berechnet werden!

# True-Score-Varianz
true := (p1^4)^2 * 1.0

# Fehlervarianz
error := (e1^4)

# Berechnung der Spearman-Brown-Reliabilität (SB) der Skala NEUR
# (True-Score-Varianz / Totale Varianz)
SB := true / (true + error)

# Analyse des Modells neur
# MLR-Schätzung (estimator= "MLR")
# alle latenten Varianzen auf eins fixiert (std.lv=TRUE)
fit.neur <- sem(neur, data= BFIK_Labels.dat, estimator= "MLR", std.lv=TRUE)

# Ergebnisse anzeigen
summary(fit.neur)

# standardisierte Lösung
standardizedSolution(fit.neur)
```

```

R-Output zur Schätzung der Spearman-Brown-Reliabilität
lavaan 0.6-7 ended normally after 5 iterations

Estimator                               ML
Optimization method                       NLMINB
Number of free parameters                   8
Number of equality constraints              6

Number of observations                       250

Model Test User Model:
Test Statistic                             Standard      Robust
Degrees of freedom                          28.325        31.347
P-value (Chi-square)                        8             8
Scaling correction factor                   0.000        0.000
Yuan-Bentler correction (Mplus variant)    0.904

# Der Modellfit ist nicht hinreichend gut, die Parameter und die Reliabilität
# dürften deshalb eigentlich nicht interpretiert werden

Parameter Estimates:
Standard errors                             Sandwich
Information bread                           Observed
Observed information based on                Hessian

Latent Variables:
      Estimate Std.Err z-value P(>|z|)
NEUR =~
  Y4      (p1)   0.834  0.040  21.014  0.000
  Y9      (p1)   0.834  0.040  21.014  0.000
  Y14     (p1)   0.834  0.040  21.014  0.000
  Y19     (p1)   0.834  0.040  21.014  0.000
# Annahme der essent. Tau-Parallelität:
# Alle Faktorladungen wurden gleichgesetzt
  NEUR      0.000

Variances:
      Estimate Std.Err z-value P(>|z|)
.Y4      (e1)   0.708  0.040  17.703  0.000
.Y9      (e1)   0.708  0.040  17.703  0.000
.Y14     (e1)   0.708  0.040  17.703  0.000
.Y19     (e1)   0.708  0.040  17.703  0.000
  NEUR      1.000
# Annahme der essentiellen Tau-Parallelität:
# Alle Fehlervarianzen wurden gleichgesetzt

Defined Parameters:
      Estimate Std.Err z-value P(>|z|)
true      11.123  1.059  10.507  0.000
error     2.832  0.160  17.703  0.000
SB        0.797  0.021  37.859  0.000
# Die Reliabilität geschätzt anhand von SB beträgt 0.797

# Standardisierte Lösung
  lhs op      rhs est.std se      z pvalue ci.lower ci.upper
1  NEUR =~    Y4  0.704 0.023 30.454  0  0.659  0.749
2  NEUR =~    Y9  0.704 0.023 30.454  0  0.659  0.749
3  NEUR =~    Y14 0.704 0.023 30.454  0  0.659  0.749
4  NEUR =~    Y19 0.704 0.023 30.454  0  0.659  0.749
5   Y4 =~    Y4  0.505 0.033 15.508  0  0.441  0.568
6   Y9 =~    Y9  0.505 0.033 15.508  0  0.441  0.568
7   Y14 =~   Y14 0.505 0.033 15.508  0  0.441  0.568
8   Y19 =~   Y19 0.505 0.033 15.508  0  0.441  0.568
9  NEUR =~   NEUR 1.000 0.000  NA      NA  1.000  1.000
10 true :=   (p1*4)^2*1.0 7.927 0.521 15.227  0  6.907  8.947
11 error :=  (e1*4) 2.018 0.130 15.508  0  1.763  2.273
12 SB := true/(true+error) 0.797 0.021 37.859  0  0.756  0.838
# Die standardisierten Parameterschätzungen wurden nur zum Vergleich mit
# den Ergebnissen in Kapitel 13 ausgegeben

```

R-Input und -Output zur Schätzung des Konfidenzintervalls der Spearman-Brown-Reliabilität

```
# Berechnung der Grenzen des Konfidenzintervalls von SB
# s.a. Raykov & Marcoulides, 2011, S. 166; Eid & Schmidt, 2014, S. 285
# Die Reliabilität und ihr Standardfehler müssen vorher geschätzt worden sein
# Achtung: Nur bei gutem Modellfit darf das Konfidenzintervall um den
# Reliabilitätskoeffizienten berechnet werden!
# Die Werte für REL (Estimate von SB) und SE (Standardfehler von SB)
# können aus der vorherigen Analyse übernommen werden

REL <- .797
SE <- .021

# Logit-Transformation
L <- log(REL/(1-REL))

# SE des Logits berechnen
SEL <- SE/(REL*(1-REL))

# CI-Low des Logits berechnen
CI_L_LO <- L-1.96*SEL

# CI-Up des Logits berechnen
CI_L_UP <- L+1.96*SEL

# Untere Grenze des KI fuer Rel
CI_R_UP <- 1/(1+exp(-CI_L_UP))

# Obere Grenze des KI fuer Rel
CI_R_LO <- 1/(1+exp(-CI_L_LO))

# Konfidenzintervall anzeigen
CI_R <- c(CI_R_LO, CI_R_UP)
CI_R
[1] 0.7527338 0.8350778

# Der Spearman-Brown-Reliabilitätskoeffizient von 0.797 hätte ein 95%-
# Konfidenzintervall mit den Grenzen [0.753, 0.835] gehabt, wenn der Modellfit
# hinreichend gut gewesen wäre
```